

5 相似な図形 (1)

相似な図形

《A問題》

1. 下の図で, $ABC \sim AED$ である。
 このとき, 対応する線分の長さの比は等しいから,
 相似比は $AB : AE = 6 : 3 = 2 : 1$
 よって, $AC : AD = 2 : 1$
 だから, $AD = 4 \times \frac{1}{2} = 2$ cm
 また, 対応する角の大きさは等しいから
 $\angle A = 80^\circ$

2.

- $ABC \sim RPQ$
 (3組の辺の比がすべて等しい)
 $DEF \sim NMO$
 (2組の辺の比が等しく, その間の角が等しい)
 $GHI \sim KIJ$
 (2組の角がそれぞれ等しい)

3.

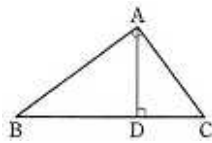
[証明] ABC と DAC において,

$$\angle BAC = \angle ADC = 90^\circ$$

$$\angle ACB = \angle DCA \text{ (共通)}$$

2組の角がそれぞれ等しいから

$$ABC \sim DAC$$



《B問題》

4. ABC と ACD で, $\angle ACB = \angle ADC$,
 A は共通だから, $ABC \sim ACD$

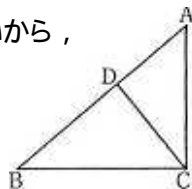
相似な図形の対応する角は等しいから,

$$\angle ACD = \angle ABC = 39^\circ$$

$$\angle BCD = \angle ACB - \angle ACD$$

$$= 92^\circ - 39^\circ$$

$$= 53^\circ \quad \underline{\underline{\angle BCD = 53^\circ}}$$



$ABC \sim ACD$ で,

$$BC : CD = AB : AC$$

$$12 : CD = 16 : 10$$

$$16 CD = 12 \times 10$$

$$CD = 7.5$$

$$\underline{\underline{CD = 7.5 \text{ cm}}}$$

5. ABC と AED において,

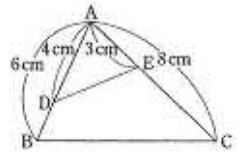
$$AB : AE = 6 : 3 = 2 : 1 \dots$$

$$AC : AD = 8 : 4 = 2 : 1 \dots$$

A は共通...

より, 2組の辺の比が等しく, その間の角が等しいから

$$ABC \sim AED$$



6. A と C , A と C をそれぞれ結ぶと,

ABC と AED は,

$$\angle ABC = \angle AED = 90^\circ$$

$\angle BAC = \angle EAD$ より相似になる。

よって, $AB : AE = BC : ED$

$$2 : 3 = 20 : ED$$

$$2.5 \times AB = 2 \times 20$$

$$AE = 40 \div 2.5 = 16$$

$$\underline{\underline{AE = 16 \text{ m}}}$$

《チャレンジ問題》

7.

PCE と EDA において,

$$\angle PCE = \angle EDA = 90^\circ \dots\dots$$

$\angle PCE = 90^\circ$ であるから,

$$\angle CPE + \angle CEP = 90^\circ \dots\dots$$

折り返した図形であるから,

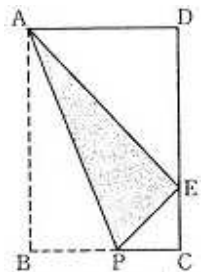
$$\angle AEP = \angle ABP = 90^\circ$$

よって, $\angle DEA + \angle CEP = 90^\circ \dots\dots$

より, $\angle CPE = \angle DEA \dots\dots$

より, 2組の角がそれぞれ等しいから,

$$PCE \sim EDA$$



折り返した図形であるから, $BP = EP$

よって, $BP : PC = EP : PC \dots\dots$

$PCE \sim EDA$ より,

$$EP : PC = QE : ED \dots\dots$$

E は CD の中点であるから, $CE = ED$

また, 折り返した図形であるから,

$$AE = AB = CD = CE + ED = 2ED$$

したがって,

$$AE : ED = 2ED : ED = 2 : 1 \dots\dots$$

より, $BP : PC = 2 : 1$

$$\underline{\underline{BP : PC = 2 : 1}}$$

5 図形の相似 (2)

平行線と線分の比

《A問題》

1. $2:3 = \boxed{4}:x$ よって, $x = \boxed{6}$ (cm)

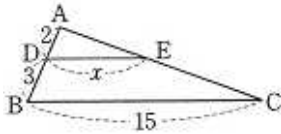
$2:4 = \boxed{3}:x$ よって, $x = \boxed{6}$ (cm)

MN // \boxed{BC}

$MN = \frac{1}{2} BC = \boxed{4}$ (cm)

《B問題》

2. $AD:AB = DE:BC$



$2:5 = x:15$

$5x = 30$

$x = 6$

//m//n

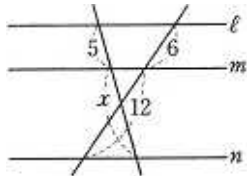
$2:6 = x:9$ $6x = 18$ $x = 3$

//m//n

$2:x = 3:6$ $3x = 12$ $x = 4$

$3:6 = y:10$ $6y = 30$ $y = 5$

//m//n

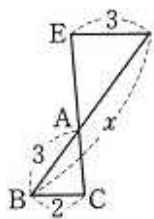


$5:x = 6:12$

$6x = 60$

$x = 10$

ED//BC



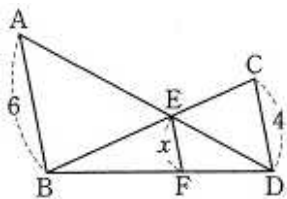
$3:2 = (x-3):3$

$2(x-3) = 9$ $2x - 6 = 9$

$2x = 9 + 6$ $2x = 15$

$x = 7.5$

AB//CD//EF



$DE:EA = CD:AB$

$= 4:6 = 2:3$

$DE:DA = EF:AB$

よって,

$2:(2+3) = x:6$

$2:5 = x:6$ $5x = 12$ $x = 2.4$

AD//BC, AE=EB, DF=FC

DBCにおいて,

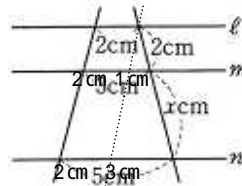
BC//GF, DF=FCより, 中点連結定理を使って

DG=GBが分かる。よって, $GF = \frac{1}{2} BC = 10$

同様に, BADにおいて, $EG = \frac{1}{2} AD = 7$, 以上

より, $x = EG + GF$ $x = 7 + 10$ $x = 17$

//m//n



$2:(2+x) = 1:3$

$2+x = 6$

$x = 6 - 2$

$x = 4$

《チャレンジ問題》

3.

EFの長さを求めなさい。

EDA EBCとなり,

$AE:CE = AD:CB = 3:6 = 1:2$

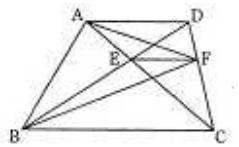
AD//EFだから,

$AD:EF = CA:CE = (2+1):2 = 3:2$

$3:EF = 3:2$ より, $3EF = 6$

よって, $EF = 2$

答 2 cm



EF//BCだから, $ECF = EBF$

したがって, $AEF + EBF = ACF$

$CD:CF = CA:CE = 3:2$

$ACD:ACF = CD:CF = 3:2$

$3 ACF = 2 ACD$

$ACF = \frac{2}{3} ACD \dots\dots$

$ACD:ABC = AD:BC = 1:2$

(台形ABCD) = $ACD + ABC$ だから,

(台形ABCD): $ACD = 3:1$

$ACD = \frac{1}{3}$ (台形ABCD).....

より, $AEF + EBF = ACF$

$= \frac{2}{3} ACD = \frac{2}{3} \times \frac{1}{3} \times$ (台形ABCD)

$= \frac{2}{9}$ (台形ABCD)

答 $\frac{2}{9}$ 倍